

$$= 40 \times 2 \times 10^{-2} = 8 \times 10^{-1} \text{ m.s}^{-2}$$

٦- احسب شدة قوة الإرجاع في وضع مطاله 5 cm

$$F = -kx$$

$$= -40 \times 5 \times 10^{-2}$$

$$= -200 \times 10^{-2} = -2 \text{ N}$$

٧- احسب قيمة السرعة العظمى (طويلة)

$$v_{max} = \omega_0 X_{max}$$

$$= 2\pi \times 10 \times 10^{-2}$$

$$= 2\pi \times 10^{-1} \text{ m.s}^{-1}$$

٨- احسب قيمة التسارع الأعظمى (طويلة)

$$a_{max} = \omega_0^2 X_{max}$$

$$= (2\pi)^2 \times 10 \times 10^{-2}$$

$$= 40 \times 10^{-1} = 4 \text{ N}$$

٩- احسب الطاقة الميكانيكية لهذه الهزازة.

$$E = \frac{1}{2} k X_{max}^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 40 \times (10 \times 10^{-2})^2 = 20 \times 10^{-2} = 2 \times 10^{-1} \text{ J}$$

١٠- احسب الطاقة الحركية للجسم في وضع مطاله $x = 5 \text{ cm}$

$$E = E_p + E_k \Rightarrow$$

$$E_k = E - E_p$$

$$E_p = \frac{1}{2} k x^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 40 \times (5 \times 10^{-2})^2$$

$$= 20 \times 25 \times 10^{-4} = 5 \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$E_k = 20 \times 10^{-2} - 5 \times 10^{-2} = 15 \times 10^{-2} \text{ J}$$

المسألة (٢): تهتز نقطة مادية كتلتها 0.2 kg بحركة توافقية بسيطة

بمرونة نابض مهمل الكتلة حلقاته متباعدة شاقولي وبدور خاص 2 s

وبسعة اهتزاز 4 cm بفرض أن النقطة كانت في موضع مطاله 2 cm

في بدء الزمن وهي متحركة بالاتجاه السالب المطلوب:

١- استنتج التابع الزمني لمطال حركة النقطة.

$$x = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$X_{max} = 4 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$2 \times 10^{-2} = 4 \times 10^{-2} \cos \varphi \Rightarrow \cos \varphi = \frac{1}{2}$$

المسألة (١): هزازة توافقية بسيطة مؤلفة من جسم صلب كتلته 1 kg

معلق بنابض مرن شاقولي مهمل الكتلة حلقاته متباعدة ثابت صلابته

40 N.m^{-1} نزيح الجسم عن وضع توازنه شاقولياً نحو الأسفل بالاتجاه

الموجب ضمن حدود مرونة النابض مسافة قدرها 10 cm ونتركه دون

سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$ المطلوب:

١- احسب الدور الخاص لهذه الهزازة.

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{1}{40}} = 2 \times \frac{1}{2} = 1 \text{ s}$$

٢- استنتج التابع الزمني لمطال الحركة انطلاقاً من شكله العام.

$$x = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$X_{max} = 10 \times 10^{-2} = 10^{-1} \text{ m}$$

لأنه ترك دون سرعة ابتدائية من مطاله الأعظمى الموجب في اللحظة $t = 0$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0}$$

$$= \frac{2\pi}{1} = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$X_{max} = X_{max} \cos \varphi \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$$

$$x = 10^{-1} \cos 2\pi t$$

٣- احسب سرعة الجسم لحظة مروره الأول في وضع التوازن.

$$v = (x)'_t$$

$$= -2\pi \times 10^{-1} \sin 2\pi t$$

$$t = \frac{T_0}{4}$$

$$= \frac{1}{4} \text{ s}$$

$$v = -2\pi \times 10^{-1} \sin\left(2\pi \times \frac{1}{4}\right) = -2\pi \times 10^{-1} \text{ m.s}^{-1}$$

٤- احسب زمن المرور الثاني والثالث بوضع التوازن.

$$t_2 = t_1 + \frac{T_0}{2}$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \text{ s}$$

$$t_3 = t_2 + \frac{T_0}{2}$$

$$= \frac{3}{4} + \frac{1}{2} = \frac{5}{4} \text{ s}$$

٥- احسب تسارع الجسم لحظة مروره في وضع مطاله -2 cm

$$a = -\omega_0^2 x$$

$$= -(2\pi)^2 \times (-2 \times 10^{-2})$$

المسألة (٤): ساق مهمة الكتلة طولها 10 cm تثبت في كل من طرفيها كتلة نقطية 100 g ونعلق منتصفها بسلك قتل شاقولي ثابت قتلته $0.005\text{ m.N.rad}^{-1}$ ندير الساق انطلاقاً من وضع توازنها بزاوية 45° ونتركها دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$ فتتهز بحركة جيبية دورانية المطلوب: ١- احسب الدور الخاص للنواس.

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{k}}$$

$$I_\Delta = I_{\Delta/\text{ساق}} + I_{\Delta/m_1} + I_{\Delta/m_1}$$

$$= 2I_{\Delta/m_1} = 2m_1 \left(\frac{\ell}{2}\right)^2 = 2 \times 10^{-1} \times \left(\frac{10^{-1}}{2}\right)^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 10^{-3} \text{ kg.m}^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{2} \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-3}}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{10}} = 2\text{ s}$$

٢- استنتج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام.

$$\theta = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\theta_{\max} = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$$

لأن الساق تركت دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\theta_{\max} = \theta_{\max} \cos \varphi \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$$

$$\theta = \frac{\pi}{4} \cos \pi t$$

٣- احسب السرعة الزاوية للساق لحظة المرور الأول بوضع التوازن.

$$\omega = (\theta)'_t$$

$$= -\pi \times \frac{\pi}{4} \sin \pi t = -2.5 \sin \pi t$$

$$t = \frac{T_0}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ s}$$

$$\omega = -2.5 \sin \left(\pi \times \frac{1}{2}\right) = -2.5 \text{ m.s}^{-1}$$

٣- احسب التسارع الزاوي في وضع مطاله الزاوي $-\theta_{\max}$

$$\alpha = -\omega_0^2 \theta$$

$$= \omega_0^2 \theta_{\max} = \pi^2 \times \frac{\pi}{4} = \frac{5}{2} \pi \text{ rad.s}^{-1}$$

٤- احسب قيمة السرعة الزاوية العظمى (طويلة).

$$\omega_{\max} = \omega_0 \cdot \theta_{\max}$$

$$= \pi \times \frac{\pi}{4} = \frac{10}{4} = 2.5 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \varphi = \begin{cases} \frac{\pi}{3} \text{ rad} \\ -\frac{\pi}{3} \text{ rad} \end{cases}$$

$$v = (x)'_t = -\omega_0 X_{\max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$$

$$v_0 = -\omega_0 X_{\max} \sin \varphi$$

$$\varphi = \frac{\pi}{3} \Rightarrow \sin \varphi > 0 \Rightarrow v_0 < 0 \text{ مقبول}$$

$$\varphi = -\frac{\pi}{3} \Rightarrow \sin \varphi < 0 \Rightarrow v_0 > 0 \text{ مرفوض}$$

$$x = 4 \times 10^{-2} \cos(\pi t + \frac{\pi}{3})$$

٢- احسب زمن المرور الأول والثاني بوضع التوازن.

$$x = 0 \Rightarrow \cos \left(\pi t + \frac{\pi}{3}\right) = 0 \Rightarrow$$

$$\pi t + \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{2} + \pi k ; k = 0, 1, 2, \dots$$

$$k = 0 \Rightarrow \pi t_1 + \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \pi t_1 = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{3} = \frac{3\pi - 2\pi}{6} = \frac{\pi}{6}$$

$$\Rightarrow t_1 = \frac{1}{6} \text{ s}$$

$$k = 1 \Rightarrow \pi t_2 + \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{2} + \pi \Rightarrow \pi t_2 = \frac{\pi}{2} + \pi - \frac{\pi}{3}$$

$$= \frac{3\pi + 6\pi - 2\pi}{6} = \frac{7\pi}{6} \Rightarrow t_2 = \frac{7}{6} \text{ s}$$

٣- احسب ثابت صلابة النابض.

$$k = m\omega_0^2$$

$$= 2 \times 10^{-1} \times \pi^2 = 2 \text{ N.m}^{-1}$$

المسألة (٣): يتحرك جسم حركة انسحابية جيبية بحيث ينطلق في مبداء الزمن من نقطة مطالها الأعظمي الموجب فيستغرق 2 s حتى يصل إلى المطال المناظر قاطعاً مسافة 0.1 m المطلوب استنتج التابع الزمني لمطال الحركة.

$$x = X_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$2X_{\max} = 0.1 \text{ m} \Rightarrow X_{\max} = \frac{0.1}{2} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$\frac{T_0}{2} = 2 \Rightarrow T_0 = 4 \text{ s}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ rad.s}^{-1}$$

$$X_{\max} = X_{\max} \cos \varphi \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$$

$$x = 5 \times 10^{-2} \cos\left(\frac{\pi}{2} t\right)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\pi = \pi \cos \varphi \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$$

$$\theta = \pi \cos \pi t$$

٣- احسب قيمة التسارع الزاوي الأعظمي (طويلة).

$$\alpha_{max} = \omega_0^2 \theta_{max}$$

$$= \pi^2 \times \pi = 10\pi \text{ rad.s}^{-2}$$

٤- نقسم سلك الفتل إلى قسمين متساويين ونعلق الساق بعدنذ بنصفي السلك معاً من الأعلى والأسفل احسب قيمة الدور الخاص الجديد.

$$T'_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{k_1 + k_2}}$$

$$k = k' \frac{(2r)^4}{\ell}$$

$$k_1 = k_2 \frac{(2r)^4}{\frac{\ell}{2}} = 2k$$

$$T'_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{2k + 2k}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{4k}} = \frac{T_0}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ s}$$

المسألة (٦): يتألف نواس ثقلي مركب من قرص متجانس كتلته m_1

نصف قطره $r = \frac{2}{3} m$ يمكنه أن يهتز في مستو شاقولي حول محور أفقي عمودي على مستويه ومار من مركزه نثبت في نقطة من محيطه

كتلة نقطية $m_2 = m_1$ المطلوب:

١- استنتج العلاقة المحددة للدور الخاص لهذا النواس بدلالة نصف قطره في حالة الساعات الزاوية الصغيرة ثم احسب قيمته (عزم عطالة قرص حول محور مار من مركزه وعمودي على مستويه: $I_{\Delta/c} = \frac{1}{2} m_1 r^2$

$$(g = 10 \text{ m.s}^{-2}, \pi^2 = 10,$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{m \cdot g \cdot d}}$$

$$I_\Delta = I_{\Delta/c} + I_{\Delta/m_2} = \frac{1}{2} m_1 r^2 + m_1 r^2 = \left(\frac{1}{2} + 1\right) m_1 r^2 = \frac{3}{2} m_1 r^2$$

$$m = m_1 + m_2 = 2m_1$$

$$d = \frac{m_1 r_1 + m_2 r_2}{m_1 + m_2}$$

$$= \frac{0 + m_1 r}{2m_1} = \frac{r}{2}$$

٥- احسب قيمة عزم الإرجاع التي تخضع لها الساق في وضع يصنع فيه مع وضع التوازن زاوية قدرها $\frac{\pi}{5} \text{ rad}$

$$\Gamma_\Delta = -k\theta$$

$$= -5 \times 10^{-3} \times \frac{\pi}{5} = -\pi \times 10^{-3} \text{ m.N.rad}^{-1}$$

٦- احسب الطاقة الميكانيكية للنواس.

$$E = \frac{1}{2} k \theta_{max}^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times 10^{-3} \times \left(\frac{\pi}{4}\right)^2 = \frac{5}{32} \times 10^{-2} \text{ J}$$

٧- احسب الطاقة الحركية للنواس عندما تصنع الساق زاوية $\frac{\theta_{max}}{2}$ مع وضع التوازن.

$$E_k = E - E_p = \frac{1}{2} k \theta_{max}^2 - \frac{1}{2} k \theta^2$$

$$= \frac{1}{2} k \theta_{max}^2 - \frac{1}{2} k \left(\frac{\theta_{max}}{2}\right)^2$$

$$= \frac{1}{2} k \theta_{max}^2 - \frac{1}{2} k \frac{\theta_{max}^2}{4}$$

$$= \frac{1}{2} k \theta_{max}^2 \left(1 - \frac{1}{4}\right) = \frac{3}{8} k \theta_{max}^2$$

$$= \frac{3}{8} \times 5 \times 10^{-3} \times \frac{10}{16}$$

$$= \frac{15}{128} \times 10^{-2} \text{ J}$$

المسألة (٥): يتألف نواس قتل من ساق أفقية طولها 1 m وكتلتها 3 kg

معلقة من منتصفها بسلك قتل شاقولي ثابت فتله 2.5 m.N.rad^{-1} ندير الساق في مستو أفقي بالاتجاه الموجب نصف دورة ونتركها دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$ المطلوب:

١- احسب الدور الخاص لهذا النواس. ($\pi^2 = 10$)

(عزم عطالة ساق حول محور مار من مركزها $I_{\Delta/c} = \frac{1}{12} m \ell^2$)

$$I_{\Delta/c} = \frac{1}{12} m \ell^2 = \frac{1}{12} \times 3 \times (1)^2 = \frac{1}{4} \text{ kg.m}^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{4}}{2.5}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{10}} = 2 \text{ s}$$

٢- استنتج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام.

$$\theta = \theta_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\theta_{max} = \pi \text{ rad}$$

لأن الساق تركت دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{m \cdot g \cdot d}}$$

$$I_{\Delta} = I_{c/\Delta} + md^2$$

$$d = \frac{\ell}{6}$$

$$\begin{aligned} I_{\Delta} &= \frac{1}{12} m \ell^2 + m \left(\frac{\ell}{6}\right)^2 = \frac{1}{12} m \ell^2 + \frac{1}{36} m \ell^2 \\ &= \left(\frac{1}{12} + \frac{1}{36}\right) m \ell^2 = \frac{4}{36} m \ell^2 \\ &= \frac{1}{9} m \ell^2 \end{aligned}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{9} m \ell^2}{m g \frac{\ell}{6}}} = 2\pi \sqrt{\frac{2\ell}{3g}} = 2\pi \sqrt{\frac{2 \times \frac{3}{2}}{3 \times 10}} = 2 \text{ s}$$

٢- احسب طول النواس الثقلي البسيط الوقت لهذا النواس المركب.

$$\begin{aligned} T_{0_{\text{بسيط}}} = T_{0_{\text{مركب}}} &\Rightarrow 2\pi \sqrt{\frac{\ell'}{g}} = 2 \Rightarrow 2\pi \sqrt{\frac{\ell'}{10}} = 2 \Rightarrow \sqrt{\ell'} \\ &= 1 \Rightarrow \ell' = 1 \text{ m} \end{aligned}$$

٣- نزيح الساق عن وضع توازنها الشاقولي بسعة زاوية θ_{max} ونتركها دون سرعة ابتدائية فتكون السرعة الخطية لمركز عطالة النواس لحظة مرورها بالشاقول $\frac{\pi}{4} \text{ m.s}^{-1}$ احسب قيمة السعة الزاوية احسب قيمة السعة الزاوية إذا علمت أن $\theta_{max} > 0.24 \text{ rad}$

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

وضع بدائي: وضع الانزياح الأعظمي: $\theta_1 = \theta_{max}, \omega_1 = 0$
وضع نهائي: وضع التوازن الشاقولي: $\theta_2 = 0, \omega_2 = \omega$

$$\Delta E_k = \sum W_{\vec{F}} \Rightarrow E_{k_2} - E_{k_1} = W_{\vec{W}} + W_{\vec{R}}$$

$$\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 - 0 = mgh + 0$$

$W_{\vec{R}} = 0$: لأن نقطة تأثير $\vec{R}$ لا تنتقل.

$$h = d(\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1) = \frac{\ell}{6}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{9} m \ell^2 \times \left(\frac{v}{d}\right)^2 = mg \frac{\ell}{6}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{9} \ell^2 \times \frac{v^2}{\ell^2} = g \frac{\ell}{6}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{18} \times \frac{v^2}{1} = g \frac{\ell}{6}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{3}{2} m_1 r^2}{2 m_1 \cdot g \cdot \frac{r}{2}}} = 2\pi \sqrt{\frac{3r}{2g}} = 2\pi \sqrt{\frac{3 \times \frac{2}{3}}{2 \times 10}} = 2 \text{ s}$$

٢- احسب طول النواس الثقلي البسيط الوقت لهذا النواس المركب.

$$\begin{aligned} T_{0_{\text{بسيط}}} = T_{0_{\text{مركب}}} &\Rightarrow 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}} = 2 \Rightarrow 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{10}} = 2 \Rightarrow \sqrt{\ell} \\ &= 1 \Rightarrow \ell = 1 \text{ m} \end{aligned}$$

٣- نزيح الجملة السابقة عن وضع توازنها الشاقولي بسعة زاوية θ_{max} ونتركها دون سرعة ابتدائية فتكون السرعة الخطية للكتلة النقطية m_2 لحظة المرور بالشاقول $\frac{2\pi}{3} \text{ m.s}^{-1}$ احسب قيمة السعة الزاوية θ_{max} (إذا علمت أن $\theta_{max} > 0.24 \text{ rad}$)

$$\Delta E_k = \sum W_{\vec{F}} \Rightarrow E_{k_2} - E_{k_1} = W_{\vec{W}} + W_{\vec{R}}$$

$$\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 - 0 = mgh + 0$$

$W_{\vec{R}} = 0$: لأن نقطة تأثير $\vec{R}$ لا تنتقل.

$$h = d(\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)$$

$$= \frac{r}{2}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{3}{2} m r^2 \times \left(\frac{v}{r}\right)^2 = mg \frac{r}{2}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{3}{2} r^2 \times \frac{v^2}{r^2} = gr(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{3}{2} v^2 = gr(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{3}{2} \left(\frac{2\pi}{3}\right)^2 = 10 \times \frac{2}{3}(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} = 1 - \cos \theta_{max} \Rightarrow \cos \theta_{max} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\theta_{max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

المسألة (٧): ساق متجانسة شاقولية طولها $\ell = \frac{3}{2} \text{ m}$ نعلقها من محور

أفقي عمودي على مستويها الشاقولي ويبعد عن مركز عطالتها $\frac{\ell}{6}$ المطلوب:

١- استنتج بالرموز العلاقة المحددة للدور الخاص للنواس بدلالة طول الساق في حالة الساعات الصغيرة ثم احسب قيمته.

(عزم عطالة الساق حول محور مار من مركزها $I_{c/\Delta} = \frac{1}{12} m \ell^2$ ، $\pi^2 = 10$)

$$\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 - 0 = mgh + 0$$

$W_{\vec{R}} = 0$: لأن نقطة تأثير $\vec{R}$ لا تنتقل.

$$h = d(\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1) = d(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} \times I_{\Delta} \times \left(\frac{v}{\ell} \right)^2 = mgd(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} \times I_{\Delta} \times \frac{4v^2}{\ell^2} = mgd(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} \times 10^{-1} \times \frac{4 \left(\frac{\pi}{2} \right)^2}{(1)^2} = 4 \times 10^{-1} \times 10 \times \frac{1}{4} (1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} = 1 - \cos \theta_{max} \Rightarrow \cos \theta_{max} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\theta_{max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

المسألة (٩): يتألف نواس ثقلي بسيط من خيط مهمل الكتلة لا يمتد طوله

$m = 0.1 \text{ kg}$ يحمل في نهايته كرة صغيرة كتلتها $m = 0.1 \text{ kg}$

المطلوب:

١- يحرف الخيط عن وضع توازنه الشاقولي بزاوية 60° وتترك الكرة

دون سرعة ابتدائية استنتج العلاقة المحددة لسرعة الكرة لحظة مرورها

بالشاقول ثم احسب قيمتها.

تطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

وضع بدائي: وضع الانزياح الأعظمي: $\theta_1 = \theta_{max}, v_1 = 0$

وضع نهائي: وضع التوازن الشاقولي: $\theta_2 = 0, v_2 = v$

$$\Delta E_k = \sum W_{\vec{F}} \Rightarrow E_{k_2} - E_{k_1} = W_{\vec{W}} + W_{\vec{T}}$$

$$\frac{1}{2} mv^2 - 0 = mgh + 0$$

$W_{\vec{T}} = 0$: لأن حامل $\vec{T}$ يعامد الانتقال العنصري في كل لحظة

$$h = d(\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1) = \ell(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} v^2 = g\ell(1 - \cos \theta_{max})$$

$$v = \sqrt{2g\ell(1 - \cos \theta_{max})}$$

$$v = \sqrt{2 \times 10 \times 90 \times 10^{-2} (1 - \frac{1}{2})} = \sqrt{9} = 3 \text{ m.s}^{-1}$$

٢- احسب قيمة العمل المصروف لإزاحة خيط النواس عن وضع توازنه

حتى يصنع الخيط مع الشاقول الزاوية السابقة 60°

$$W = mgh = mg\ell(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{18} \times \frac{v^2}{36} = g \frac{\ell}{6} (1 - \cos \theta_{max})$$

$$2v^2 = g \frac{\ell}{6} (1 - \cos \theta_{max})$$

$$2 \left(\frac{\pi}{4} \right)^2 = 10 \times \frac{2}{6} (1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{8} = \frac{1}{4} \times (1 - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2} = 1 - \cos \theta_{max} \Rightarrow \cos \theta_{max} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\theta_{max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

المسألة (٨): يتألف نواس ثقلي مركب من ساق شاقولية مهمل الكتلة

طولها $\ell = 1 \text{ m}$ تحمل في نهايتها العلوية كتلة نقطية $m_1 = 0.1 \text{ kg}$

وتحمل في نهايتها السفلية كتلة نقطية $m_2 = 0.3 \text{ kg}$ تهتز الساق حول

محور أفقي عمودي على مستويها ومار من منتصفها المطلوب:

١- احسب الدور الخاص لهذا النواس في حالة الساعات الصغيرة.

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{m \cdot g \cdot d}}$$

$$I_{\Delta} = I_{\Delta/m_1} + I_{\Delta/m_2} = m_1 \left(\frac{\ell}{2} \right)^2 + m_2 \left(\frac{\ell}{2} \right)^2$$

$$I_{\Delta} = 0.1 \left(\frac{1}{2} \right)^2 + 0.3 \left(\frac{1}{2} \right)^2 = 0.4 \times \frac{1}{4} = 0.1$$

$$= 10^{-1} \text{ kg.m}^2$$

$$m = m_1 + m_2 = 0.1 + 0.3 = 4 \times 10^{-1} \text{ kg}$$

$$d = \frac{m_1 \left(-\frac{\ell}{2} \right) + m_2 \left(\frac{\ell}{2} \right)}{m_1 + m_2} = \frac{-0.1 \times \frac{1}{2} + 0.3 \times \frac{1}{2}}{0.1 + 0.3}$$

$$d = \frac{0.2 \times \frac{1}{2}}{0.4} = \frac{0.1}{0.4} = \frac{1}{4} \text{ m}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{10^{-1}}{4 \times 10^{-1} \times 10 \times \frac{1}{4}}} = 2 \text{ s}$$

٢- نزح الجملة السابقة عن وضع توازنها الشاقولي بسعة زاوية θ_{max}

ونتركها دون سرعة ابتدائية فتكون السرعة الخطية للكتلة النقطية m_2

لحظة مرورها بالشاقول $\frac{\pi}{2} \text{ m.s}^{-1}$ احسب قيمة السعة الزاوية احسب

قيمة السعة الزاوية إذا علمت أن $\theta_{max} > 0.24 \text{ rad}$

$$\Delta E_k = \sum W_{\vec{F}} \Rightarrow E_{k_2} - E_{k_1} = W_{\vec{W}} + W_{\vec{R}}$$

$$W = F_r \Rightarrow mg = 0.25sv_t^2 \Rightarrow v_t = \sqrt{\frac{mg}{0.25s}}$$

$$= \sqrt{\frac{\frac{4}{3}\pi r^3 \rho_s g}{0.25\pi r^2}} = \sqrt{\frac{4r\rho_s g}{0.25 \times 3}}$$

$$= \sqrt{\frac{4 \times 3 \times 10^{-3} \times 2500 \times 10}{25 \times 10^{-2} \times 3}}$$

$$= \sqrt{400} = 20 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة (١١): يفرغ خزان ماء حجمه 4 m^3 بمعدل ضخ $0.02 \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$ ، والمطلوب حساب:
١- الزمن اللازم لتفريغ الخزان.

$$Q' = \frac{V}{\Delta t} \Rightarrow$$

$$\Delta t = \frac{V}{Q'}$$

$$= \frac{4}{2 \times 10^{-2}} = 200 \text{ s}$$

٢- سرعة خروج الماء من فتحة الخزان عبر أنبوب مقطعه 100 cm^2

$$Q' = sv \Rightarrow$$

$$v = \frac{Q'}{s}$$

$$= \frac{2 \times 10^{-2}}{100 \times 10^{-4}} = 2 \text{ m.s}^{-1}$$

٣- احسب سرعة خروج الماء من فتحة الخزان إذا نقص مقطع الأنبوب ليصبح نصف ما كان عليه.

$$sv = s'v' = \frac{1}{2}sv'$$

$$\Rightarrow v' = 2v = 2 \times 2 = 4 \text{ m.s}^{-1}$$

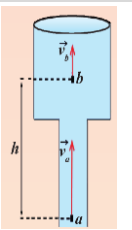
المسألة (١٢): يجري الماء داخل الأنابيب الموضحة في الشكل من (a)

إلى (b) حيث نصف قطر الأنبوب عند (a)

(b) $r_1 = 2 \text{ cm}$ ونصف قطر الأنبوب عند النقطة

(b) $r_2 = 4 \text{ cm}$ والمسافة بين (a) و (b)

$h = 20 \text{ cm}$



١- احسب سرعة جريان الماء عند النقطة (b) علماً

أن سرعة جريان الماء عند النقطة (a) $v_1 =$

4 m.s^{-1}

$$s_1 v_1 = s_2 v_2 \Rightarrow \pi r_1^2 v_1 = \pi r_2^2 v_2 \Rightarrow r_1^2 v_1 = r_2^2 v_2$$

$$= 0.1 \times 10 \times 9 \times 10^{-1} \left(1 - \frac{1}{2}\right) = \frac{9}{20} \text{ J} = 4.5 \times 10^{-1}$$

$$= 45 \times 10^{-2} \text{ J}$$

٣- استنتج بالرموز علاقة توتر الخيط لحظة مرور النواس بوضع توازنه الشاقولي ثم احسب قيمته.

القوى الخارجية المؤثرة: قوة الثقل $\vec{W}$ ، قوة توتر الخيط $\vec{T}$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{W} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور الناطم:

$$W - T = ma_c \Rightarrow T = mg + m \frac{v^2}{\ell} = m(g + \frac{v^2}{\ell})$$

$$T = 10^{-1} \left(10 + \frac{9}{9 \times 10^{-1}}\right) = 10^{-1} \times 20 = 2 \text{ N}$$

٤- استنتج العلاقة المحددة للتسارع المماسي لكرة النواس عندما يصنع الخيط مع الشاقول زاوية $\theta = 30^\circ$ ثم احسب قيمته.

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{W} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور المماس:

$$W \sin \theta - 0 = ma_t$$

$$\Rightarrow mg \sin \theta = ma_t$$

$$\Rightarrow a_t = g \sin \theta = 10 \times \frac{1}{2} = 5 \text{ m.s}^{-2}$$

المسألة (١٠): تسقط كرة نصف قطرها 3 mm كتلتها الحجمية

2500 kg.m^{-3} في هواء ساكن من ارتفاع مناسب والمطلوب:

١- استنتج طبيعة حركة الكرة قبل وبعد بلوغ السرعة الحدية.

القوى الخارجية المؤثرة: قوة الثقل $\vec{W}$ وقوة مقاومة الهواء $\vec{F}_r$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{W} + \vec{F}_r = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور شاقولي موجه نحو الأسفل:

$$W - F_r = ma$$

قبل بلوغ السرعة الحدية: $W > F_r \Rightarrow W - F_r > 0 \Rightarrow a > 0$

الحركة مستقيمة متسارعة

بعد بلوغ السرعة الحدية: $W = F_r \Rightarrow W - F_r = 0 \Rightarrow a = 0$

الحركة مستقيمة منتظمة

٢- استنتج بالرموز العلاقة المحددة للسرعة الحدية للكرة ثم احسب قيمتها بإهمال دافعة الهواء علماً أن مقاومة الهواء على الكرة تعطى بالعلاقة:

$$F_r = 0.25sv^2$$

$$\Rightarrow V = \frac{0.8 \times 50}{1} = 40 \text{ cm}^3$$

$$\Delta V = V' - V = 50 - 40 = 10 \text{ cm}^3$$

٢- احسب قيمة الضغط الكلي في نقطة داخل الماء تقع على عمق 40 cm من السطح الحر للسائل، باعتبار الضغط الجوي

$$P_0 = 10^5 \text{ Pa}$$

$$P = \rho gh + P_0$$

$$= 1000 \times 10 \times 40 \times 10^{-2} + 10^5$$

$$= 4 \times 10^5 \times 10^{-2} + 10^5 = (0.04 + 1) \times 10^5$$

$$= 1.04 \times 10^5 = 104000 \text{ Pa}$$

المسألة (١٥): كرة متجانسة كتلتها $m' = 0.5 \text{ kg}$ كتلتها الحجمية

$\rho' = 4 \text{ g.cm}^{-3}$ ثقلها الظاهري 3 N والمطلوب:

١- احسب شدة دافعة أرخميدس المؤثرة على الكرة المغمورة في الماء.

$$(\rho = 1 \text{ g.cm}^{-3}, g = 10 \text{ m.s}^{-2})$$

$$B = W' - W_{app} = m'g - W_{app}$$

$$= 0.5 \times 10 - 3 = 5 - 3 = 2 \text{ N}$$

٢- احسب حجم الماء المزاح.

$$B = W = mg = \rho V g \Rightarrow V = \frac{B}{\rho g} = \frac{2}{1000 \times 10}$$

$$V = 2 \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-4} \times 10^6 = 200 \text{ cm}^3$$

٣- برهن حسابياً أن الكرة تحوي تجويف بداخلها، ثم احسب حجم هذا

التجويف

نحسب حجم المادة المصنوع منها الكرة:

$$V' = \frac{m'}{\rho'} = \frac{0.5}{4000} = \frac{5}{4} \times 10^{-4} = \frac{500}{4} = 125 \text{ cm}^3$$

$V > V'$: فالكرة تحوي تجويف بداخلها

$$\Delta V = V - V' = 200 - 125 = 75 \text{ cm}^3$$

المسألة (١٦): جسم معدني كتلته 2 kg وعند غمره في الماء يكون ثقله

الظاهري 16 N فإذا علمت أن الكتلة الحجمية للماء $\rho = 1 \text{ g.cm}^{-3}$

المطلوب حساب:

١- ثقل الجسم.

$$W' = m'g$$

$$= 2 \times 10 = 20 \text{ N}$$

٢- شدة دافعة أرخميدس المؤثرة في الجسم المغمور.

$$B = W' - W_{app} = 20 - 16 = 4 \text{ N}$$

٣- الكتلة الحجمية للجسم.

$$\Rightarrow v_2 = \frac{r_1^2 v_1}{r_2^2} = \frac{4 \times 4}{16} = 1 \text{ m.s}^{-1}$$

٢- احسب قيمة فرق الضغط $(P_a - P_b)$.

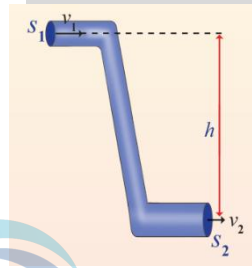
$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2) + \rho g (z_2 - z_1)$$

$$= \frac{1}{2} \times 10^3 \times (1 - 16) + 10^3 \times 10 \times 20 \times 10^{-2}$$

$$= -7.5 \times 10^3 + 2 \times 10^3 = -5.5 \times 10^3 = -5500 \text{ Pa}$$

المسألة (١٣): يتدفق الماء عبر الأنبوب الموضح في الشكل حيث:



$$S_1 = 10 \text{ cm}^2, S_2 = 40 \text{ cm}^2,$$

$$v_1 = 16 \text{ m.s}^{-1}$$

$$h = 20 \text{ m}, \rho = 1000 \text{ kg.m}^{-3}$$

$$g = 10 \text{ m.s}^{-2}, P_1 = 10^5 \text{ Pa}$$

احسب السرعة والضغط عند الفوهة السفلية.

$$S_1 v_1 = S_2 v_2$$

$$\Rightarrow 10 \times 16 = 40 v_2$$

$$\Rightarrow v_2 = \frac{160}{40} = 4 \text{ m.s}^{-1}$$

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$P_2 = P_1 + \frac{1}{2} \rho (v_1^2 - v_2^2) + \rho g (z_1 - z_2)$$

$$= 10^5 + \frac{1}{2} \times 10^3 \times (256 - 16) + 10^3 \times 10 \times 20$$

$$= 10^5 + \frac{1}{2} \times 10^3 \times 240 + 2 \times 10^5$$

$$= 10^5 + 12 \times 10^4 + 2 \times 10^5$$

$$= 10^5 + 1.2 \times 10^5 + 2 \times 10^5$$

$$= (1 + 1.2 + 2) \times 10^5 = 4.2 \times 10^5 = 4200 \text{ Pa}$$

المسألة (١٤): تطفو قطعة خشبية حجمها $V' = 50 \text{ cm}^3$ فوق سطح

الماء

١- احسب حجم الجزء المغمور و الغير المغمور منها في الماء إذا علمت

أن الكتلة الحجمية للخشب $\rho' = 0.8 \text{ g.cm}^{-3}$ وللماء

$$\rho = 1 \text{ g.cm}^{-3}$$

$$B = W \Rightarrow m'g = mg \Rightarrow \rho' V' = \rho V \Rightarrow V = \frac{\rho' V'}{\rho}$$

المسألة (١٨): في تجربة السكتين الكهرطيسية يبلغ طول الساق النحاسية المستندة عمودياً عليها 20 cm وكتلتها 40 g نخضعها بكاملها لحقل مغناطيسي ناظمي على مستوي السكتين شدته 0.2 T

١- احسب شدة التيار الكهربائي المار في الساق لتكون شدة القوة الكهرطيسية مساوية لثقل الساق.

$$F = W \Rightarrow ILB \sin \theta = mg \Rightarrow I = \frac{mg}{LB \sin \theta}$$

$$I = \frac{40 \times 10^{-3} \times 10}{20 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-1} \times 1} = 10\text{ A}$$

٢- احسب عمل القوة الكهرطيسية المؤثرة في الساق إذا تدرجت بسرعة ثابتة قدرها 0.5 s لمدة 5 s

$$W = Fd = ILB \sin \theta vt$$

$$= 10 \times 20 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-1} \times 1$$

$$\times 5 \times 10^{-1} \times 5 = 1\text{ J}$$

٣- نرفع المولد من الدارة السابقة ونستبدله بمقياس غلفاني ونخرج الساق بسرعة وسطية ثابتة 10 m.s^{-1} ضمن الحقل السابق استنتج العلاقة المحددة للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة ثم احسب قيمتها واحسب شدة التيار المتحرض بافتراض أن المقاومة الكلية للدارة $4\ \Omega$

$$\Delta x = v \Delta t$$

$$\Delta s = L \cdot \Delta x$$

$$\Delta \Phi = B \cdot \Delta s$$

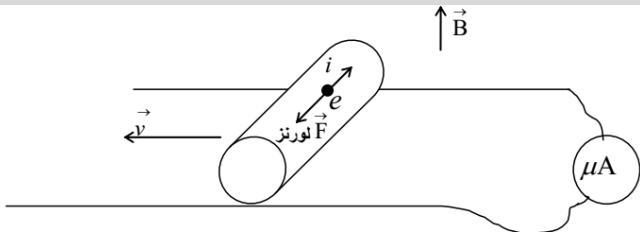
$$\varepsilon = \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|$$

$$= \frac{B \cdot L \cdot v \cdot \Delta t}{\Delta t} = B \cdot L \cdot v$$

$$= 2 \times 10^{-1} \times 20 \times 10^{-2} \times 10 = 4 \times 10^{-1}\text{ V}$$

$$i = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{4 \times 10^{-1}}{4} = 10^{-1}\text{ A}$$

٣- ارسم شكلاً توضيحياً يبين جهة كل من (جهة التيار المتحرض، لورنتز $\vec{F}$ ، $\vec{v}$ ، $\vec{B}$)



٤- احسب الاستطاعة الكهربائية الناتجة ثم احسب شدة القوة الكهرطيسية المؤثرة في الساق أثناء تدرجها.

$$P = \varepsilon i$$

$$= 4 \times 10^{-1} \times 10^{-1} = 4 \times 10^{-2}\text{ W}$$

$$B = W = mg = \rho V g \Rightarrow V = \frac{B}{\rho g} = \frac{4}{1000 \times 10}$$

$$= 4 \times 10^{-4}\text{ m}^3$$

$$\rho' = \frac{m'}{V}$$

$$= \frac{2}{4 \times 10^{-4}} = 5000\text{ kg.m}^{-3}$$

المسألة (١٧): دولا ب بارلو نصف قطره 20 cm نمر فيه تياراً كهربائياً شدته 3 A ونخضعه لـ نصف القرص السفلي لحقل مغناطيسي يعامده شدته 0.1 T المطلوب:

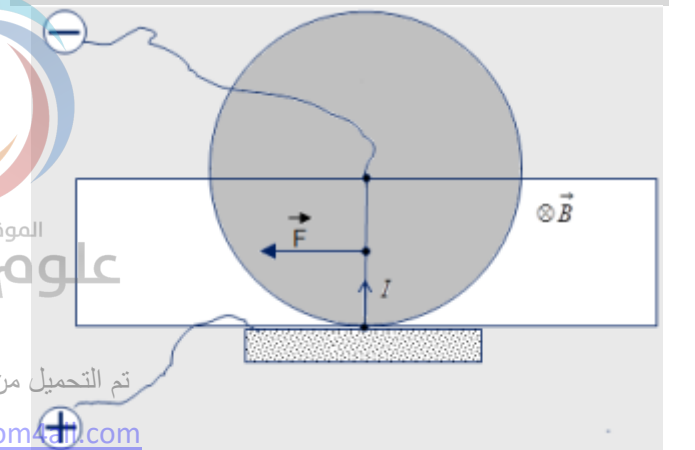
١- احسب شدة القوة الكهرطيسية المؤثرة في الدولا ب.

$$F = IrB \sin \theta$$

$$= 3 \times 20 \times 10^{-2} \times 10^{-1} \times 1$$

$$= 6 \times 10^{-2}\text{ N}$$

٢- وضح بالرسم كلاً من (جهة التيار، $\vec{B}$ ، $\vec{F}$)



٣- احسب عزم القوة الكهرطيسية المؤثرة في الدولا ب.

$$\Gamma_{\Delta} = dF = \frac{r}{2} F$$

$$= \frac{20 \times 10^{-2}}{2} \times 6 \times 10^{-2} = 6 \times 10^{-3}\text{ m.N}$$

٤- احسب الاستطاعة الميكانيكية الناتجة عندما يدور الدولا ب بسرعة تقابل $\frac{2}{\pi}\text{ Hz}$

$$P = \Gamma \cdot \omega = \Gamma \times 2\pi f$$

$$= 6 \times 10^{-3} \times 2\pi \times \frac{2}{\pi} = 24 \times 10^{-3}\text{ W}$$

٥- احسب عمل القوة الكهرطيسية بعد مضي 5 s من بدء حركة الدولا ب.

$$W = P \cdot t$$

$$= 24 \times 10^{-3} \times 5 = 12 \times 10^{-2}\text{ J}$$

$$= -10^3 \times 10^{-1} \times \pi \times (2 \times 10^{-2})^2$$

$$= -4\pi \times 10^{-2} W$$

$$\varepsilon = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$

$$\varepsilon = -\frac{-4\pi \times 10^{-2}}{5 \times 10^{-1}} = \frac{4\pi}{50} = \frac{8\pi}{100} = \frac{25}{100} = 0.25 V$$

$\varepsilon > 0$ جهة الحقل المتحرض بجهة الحقل المحرض، وجهة التيار هي جهة التفاف أصابع يد اليمنى إبهامها بجهة الحقل المتحرض.

المسألة (٢١): وشيعة طولها $\ell = \frac{\pi}{2} m$ عدد لفاتها 2000 لفة مساحة مقطعها $40 cm^2$ نمرر فيها تياراً كهربائياً شدته $10 A$ المطلوب:
١- احسب شدة الحقل المغناطيسي في مركز الوشيعة.

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N \cdot I}{\ell}$$

$$= 4\pi \times 10^{-7} \frac{2000 \times 10}{\frac{\pi}{2}}$$

$$= 16 \times 10^{-3} T$$

٢- نلف حول القسم المتوسط من الوشيعة ملفاً يحوي 50 لفة معزولة ونصل طرفيه بمقياس غلفاني بحيث تكون المقاومة الكلية للدائرة الجديدة $R = 8 \Omega$ احسب شدة التيار المتحرض في الملف عند قطع التيار عن الوشيعة خلال $0.4 s$ تتناقص فيها الشدة بانتظام.

$$i = \frac{\varepsilon}{R}$$

$$\varepsilon = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$

$$\Delta\Phi = \Phi' - \Phi = 0 - N' B s \cos \alpha$$

$$= -50 \times 16 \times 10^{-3} \times 40 \times 10^{-4} \times 1$$

$$= -32000 \times 10^{-3} \times 10^{-4}$$

$$= -32 \times 10^{-4} W$$

$$\varepsilon = -\frac{-32 \times 10^{-4}}{4 \times 10^{-1}} = 8 \times 10^{-4} V$$

$$i = \frac{8 \times 10^{-4}}{8} = 10^{-4} A$$

المسألة (٢٢): إطار مربع الشكل مساحة سطحه $16 cm^2$ يحوي 100 لفة من سلك نحاسي معزول نعلقه بسلك عديم الفتل وفق محوره الشاقولي ونخضعه لحقل مغناطيسي منتظم خطوطه أفقية شدته $2 \times 10^{-2} T$ خطوطه توازي مستوي الإطار الشاقولي، نمرر في الإطار تياراً شدته $2 A$ والمطلوب:

$$F = iLB \sin \theta = 10^{-1} \times 20 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-1}$$

$$= 4 \times 10^{-3} N$$

المسألة (١٩): وشيعة طولها $1 m$ مؤلفة من 1000 لفة نصف قطرها $5 cm$ يمر فيها تيار كهربائي تعطى شدته بالعلاقة $i = 3 - t$ المطلوب:
١- احسب ذاتية الوشيعة.

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell}$$

$$= 4\pi \times 10^{-7} \frac{(1000)^2 \times \pi (5 \times 10^{-2})^2}{1}$$

$$= 4\pi^2 \times 10^{-7} \times 10^6 \times 25 \times 10^{-4} = 10^{-2} H$$

٢- احسب قيمة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة ذاتياً في الوشيعة.

$$\varepsilon = -L \frac{di}{dt}$$

$$= -10^{-2}(-1) = 10^{-2} V$$

المسألة (٢٠): تتألف وشيعة من 1000 لفة قطرها الوسطي $4 cm$ دون نواة حديدية يتصل طرفاها ببعضها، نضع الوشيعة في حقل في حقل مغناطيسي منتظم $\vec{B}$ يوازي محور الوشيعة شدته $0.1 T$:
١- احسب قيمة القوة المحركة الكهربائية الوسطى المتولدة عندما نضع نضاعف شدة الحقل المغناطيسي بانتظام خلال $0.5 s$ ، حدد جهة التيار المتولد.

$$\varepsilon = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$$

$$\Delta\Phi = \Phi_2 - \Phi_1 = NB_2 s - NB_1 s$$

$$= Ns(B_2 - B_1) = NsB = NB\pi r^2$$

$$= 10^3 \times 10^{-1} \times \pi \times (2 \times 10^{-2})^2 = 4\pi \times 10^{-2} W$$

$$\varepsilon = -\frac{4\pi \times 10^{-2}}{5 \times 10^{-1}} = -\frac{4\pi}{50} = -\frac{8\pi}{100} = -\frac{25}{100}$$

$$= -0.25 V$$

$\varepsilon < 0$ جهة الحقل المتحرض بعكس جهة الحقل المحرض، وجهة التيار هي جهة التفاف أصابع يد اليمنى إبهامها بجهة الحقل المتحرض .

٢- نعيد الحقل المغناطيسي الأول، ونحرك الوشيعة فجأة وخلال $0.5 s$ ليصبح محورها عمودياً على منحى $\vec{B}$. احسب القوة المحركة الكهربائية الوسطية المتولدة. ماجهة التيار المتولد؟

$$\alpha: \alpha_1 \rightarrow \alpha_2 : 0 \rightarrow \frac{\pi}{2}$$

$$\Delta\Phi = \Phi_2 - \Phi_1 = NBs \cos \alpha_2 - NBs \cos \alpha_1$$

$$= 0 - NBs = -NB\pi r^2$$

$$= 2\pi\sqrt{10^{-3} \times 4 \times 10^{-8}} = 2\pi \times 2\sqrt{10^{-1} \times 10^{-10}} \\ = 4 \times 10^{-5} s$$

٣- اكتب التابع الزمني للشدة اللحظية.

$$i = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{4 \times 10^{-5}} = \frac{\pi}{2} \times 10^5 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$I_{max} = \frac{\pi}{2} \times 10^5 \times 2 \times 10^{-6} = 10^{-1} A$$

$$i = 10^{-1} \cos(\frac{\pi}{2} \times 10^5 t + \frac{\pi}{2})$$

المسألة (٢٤): مأخذ تيار متناوب جيبي نصلها لدارة تحوي على التسلسل

مقاومة صرفة التوتر المنتج بين طرفيها $30 V$ ومكثفة التوتر المنتج بين طرفيها $40 V$ يمر في الدارة تيار شدته اللحظية تعطى بالعلاقة:

$$i = 2\sqrt{2} \cos 100\pi t (A) \text{ والمطلوب حساب:}$$

١- الشدة المنتجة للتيار المارة في الدارة وتواتر التيار.

$$I_{eff} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 A$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{100\pi}{2\pi} = 50 \text{ Hz}$$

٢- قيمة المقاومة الصرفة.

$$R = \frac{U_{effR}}{I_{eff}}$$

$$= \frac{30}{2} = 15 \Omega$$

٣- قيمة سعة المكثفة ثم اكتب التابع الزمني للتوتر اللحظي بين طرفيها.

$$X_c = \frac{U_{effc}}{I_{eff}}$$

$$= \frac{40}{2} = 20 \Omega$$

$$X_c = \frac{1}{\omega C}$$

$$\Rightarrow C = \frac{1}{\omega X_c} = \frac{1}{100\pi \times 20} = \frac{1}{2000\pi} F$$

$$u_c = U_{maxc} \cos(\omega t + \varphi_c)$$

$$U_{maxc} = U_{effc} \sqrt{2} = 40\sqrt{2} V$$

$$\varphi_c = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

١- احسب شدة القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في كل من الضلعين الشاقوليين لحظة مرور التيار.

$$F = NILB \sin \theta$$

$$= 10^2 \times 2 \times 4 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-2} \times 1 \\ = 16 \times 10^{-2} N$$

٢- احسب عزم المزدوجة الكهروستاتيكية المؤثرة في الإطار لحظة إمرار التيار.

$$\Gamma_A = NIsB \sin \alpha$$

$$= 10^2 \times 2 \times 16 \times 10^{-4} \times 2 \times 10^{-2} \times 1 \\ = 64 \times 10^{-4} m.N$$

٣- احسب عمل المزدوجة الكهروستاتيكية عندما يدور الإطار من وضعه السابق إلى وضع التوازن المستقر.

$$W = I\Delta\Phi = I(\Phi_2 - \Phi_1)$$

$$= NIBs(\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)$$

$$= 10^2 \times 2 \times 2 \times 10^{-2} \times 16 \times 10^{-4} (1 - 0) \\ = 64 \times 10^{-4} J$$

٤- نقطع التيار السابق عن الإطار وهو في حالة التوازن المستقر ونصل طرفيه بمثياس غلفاني، ثم نديره حول محوره الشاقولي بزاوية مقدارها $\frac{\pi}{2} \text{ rad}$ خلال $0.5 s$ استنتج علاقة شدة التيار المتحرض إذا كانت مقاومة سلك الإطار 4Ω .

$$i = \frac{\varepsilon}{R} = -\frac{\Delta\Phi}{R \Delta t} = -\frac{N B s (\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)}{R \Delta t}$$

$$= \frac{10^2 \times 2 \times 10^{-2} \times 16 \times 10^{-4} \times (0 - 1)}{5 \times 10^{-1} \times 4} \\ = 16 \times 10^{-4} A$$

المسألة (٢٣): تتألف دارة مهتزة من مكثفة سعتها C والقيمة العظمى شحنتها $2 \mu C$ بتوتر كهربائي $50 V$ ووشية ذاتيتها $1 mH$ المطلوب حساب: ١- سعة المكثفة والطاقة الكهربائية المختزنة فيها.

$$C = \frac{q_{max}}{U_{max}}$$

$$= \frac{2 \times 10^{-6}}{50} = 4 \times 10^{-8} F$$

$$E = \frac{1}{2} q_{max} U_{max}$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-6} \times 50 = 5 \times 10^{-5} J$$

٢- الدور الخاص للاهتزازات الكهربائية الحرة فيها.

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

المسألة (٢٥): محولة كهربائية نسبة تحويلها $\mu = \frac{1}{2}$ التوتر اللحظي بين طرفي الثانوية يعطى بالعلاقة:

$u_s = 60\sqrt{2} \cos 100\pi t (V)$ نربط بين طرفي دارتها الثانوية فرعين الأول يحوي مقاومة صرفة $R = 15 \Omega$ والفرع الثاني يحوي وشيعة مهملة المقاومة ذاتيتها L يمر فيها تيار شدته المنتجة $I_{effL} = 3 A$ المطلوب حساب:

١- قيمة التوتر المنتج بين طرفي الدارة الثانوية وتواتر التيار.

$$U_{effs} = \frac{U_{maxs}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{60\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 60 V$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi}$$

$$= \frac{100\pi}{2\pi} = 50 Hz$$

٢- قيمة التوتر المنتج بين طرفي الأولية.

$$\mu = \frac{U_{effs}}{U_{effp}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{60}{U_{effp}} \Rightarrow U_{effp} = 120 V$$

٣- قيمة الشدة المنتجة المارة في المقاومة والاستطاعة المتوسطة المستهلكة فيها.

$$I_{effR} = \frac{U_{eff}}{R}$$

$$= \frac{60}{15} = 4 \Omega$$

$$P_{avgR} = RI_{effR}^2 = 15 \times 16 = 240 W$$

٤- قيمة ذاتية الوشيعة، واكتب التابع الزمني للشدة اللحظية في الوشيعة.

$$X_L = \frac{U_{effs}}{I_{effL}}$$

$$= \frac{60}{3} = 20 \Omega$$

$$L = \frac{X_L}{\omega}$$

$$= \frac{20}{100\pi} = \frac{1}{5\pi} H$$

$$i_L = I_{maxL} \cos(\omega t + \varphi_L)$$

$$I_{maxL} = I_{effL} \sqrt{2} = 3\sqrt{2} A$$

$$\varphi_L = -\frac{\pi}{2} rad$$

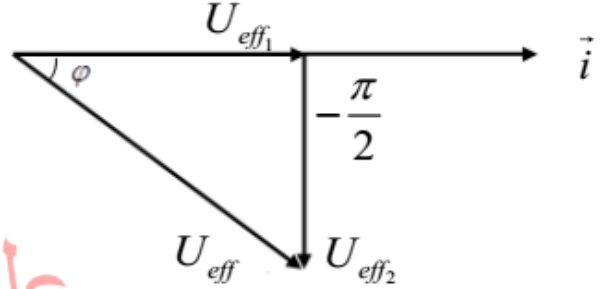
$$i_L = 3\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2})$$

$$u_c = 40\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2})$$

٤- التوتر المنتج الكلي باستخدام إنشاء فرل.

$$U_{eff} = \sqrt{U_{effR}^2 + U_{effc}^2}$$

$$= \sqrt{(30)^2 + (40)^2} = \sqrt{900 + 1600} = \sqrt{2500} = 50 V$$



٥- الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة.

$$P_{avg} = RI_{eff}^2$$

$$= 15 \times 4 = 60 W$$

٦- نربط بين لبوسي المكثفة في الدارة السابقة على التفرع وشيعة مقاومتها مهملة ذاتيتها $\frac{1}{5\pi} H$ برهن أن الشدة المنتجة للتيار تنعدم في الدارة الخارجية التي تحوي المقاومة. ماذا تسمى هذه الحالة؟

$$X_L = \omega L = 100\pi \times \frac{1}{5\pi} = 20 \Omega$$

$$X_C = 20 \Omega$$

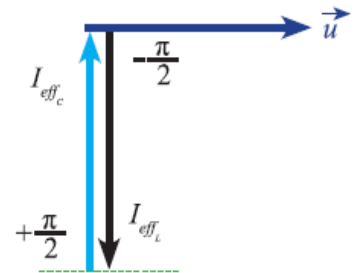
$$X_L = X_C$$

$$U_{effL} = U_{effc} \Rightarrow X_L I_{effL} = X_C I_{effc}$$

$$\Rightarrow I_{effL} = I_{effc}$$

$$\vec{I}'_{eff} = \vec{I}_{effL} + \vec{I}_{effc}$$

$$I'_{eff} = I_{effL} - I_{effc} = 0$$



حالة خنق التيار

العقدة الأولى: $x_1 = 0 \Rightarrow n = 0$

العقدة الثانية: $x_2 = \frac{\lambda}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ cm} \Rightarrow n = 1$

العقدة الثالثة: $x_2 = 2 \frac{\lambda}{2} = 50 \text{ cm} \Rightarrow n = 2$

البطن: $x = (2n + 1) \frac{\lambda}{4}; n = 0, 1, 2, \dots$

البطن الأول: $x_1 = \frac{\lambda}{4} = \frac{50}{4} = 12.5 \text{ cm} \Rightarrow n = 0$

البطن الثاني: $x_1 = 3 \frac{\lambda}{4} = 3 \times \frac{50}{4} = 37.5 \text{ cm} \Rightarrow n = 1$

المسألة (٢٧): مزمار ذو فم نهايته مفتوحة طوله $L = 2 \text{ m}$ فيه هواء درجة حرارته 0°C حيث سرعة انتشار الصوت فيه 330 m.s^{-1} وتواتر الصوت البسيط الصادر عنه 165 Hz المطلوب:
١- احسب البعد بين بطنيين متتاليين ثم احسب رتبة الصوت.

$$\lambda = \frac{v}{f}$$

$$= \frac{330}{165} = 2 \text{ m}$$

$$\text{البعد بين بطنيين متتاليين} = \frac{\lambda}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ m}$$

٢- نسخن المزمار إلى الدرجة 819°C احسب طول الموجة المتكونة ليصدر المزمار الصوت السابق نفسه

$$\frac{v'}{v} = \frac{T'}{T} = \frac{\sqrt{t' + 273}}{\sqrt{t + 273}}$$

$$= \frac{\sqrt{819 + 273}}{\sqrt{0 + 273}} = \sqrt{\frac{1092}{273}} = \sqrt{4} = 2 \Rightarrow v' = 2v$$

$$= 2 \times 330 = 660 \text{ m.s}^{-1}$$

$$\lambda' = \frac{v'}{f} = \frac{660}{165} = 4 \text{ m}$$

٣- احسب طول مزمار آخر ذي فم نهايته مغلقة يحوي الهواء في الدرجة 0°C تواتر **مدرجه الثالث** يساوي تواتر الصوت الصادر عن المزمار السابق.

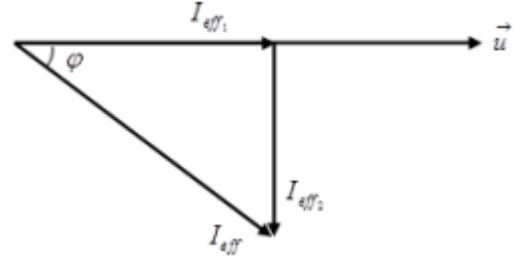
$$L' = (2n - 1) \frac{v}{4f} = 3 \times \frac{330}{4 \times 165} = \frac{3}{2} \text{ m}$$

مع تمنياتي لكم بالتوفيق.. المدرس محمد مشايخ

٥- قيمة الشدة المنتجة المارة في الدارة الثانوية باستخدام إنشاء فريزل.

$$I_{eff} = \sqrt{I_{effR}^2 + I_{effL}^2}$$

$$= \sqrt{(4)^2 + (3)^2} = \sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5 \text{ A}$$



المسألة (٢٦): وتر مشدود من طرفيه طوله 1 m كتلته 20 g نجعله يهتز بالتجاوب مع رنانة كهربائية تواترها 50 Hz نشد الوتر بقوة مناسبة بحيث يكون طول الموجة 50 cm المطلوب:
١- احسب عدد المغازل المتكونة على الوتر.

$$L = n \frac{\lambda}{2}$$

$$\Rightarrow 1 = n \frac{50 \times 10^{-2}}{2}$$

$$\Rightarrow n = \frac{1}{25 \times 10^{-2}} = \frac{100}{25} = 4$$

٢- احسب الكتلة الخطية للوتر.

$$\mu = \frac{m}{L}$$

$$= \frac{20 \times 10^{-3}}{1} = 2 \times 10^{-2} \text{ kg.m}^{-1}$$

٣- احسب سرعة انتشار الاهتزاز في الوتر.

$$v = \lambda f$$

$$= 50 \times 10^{-2} \times 50 = 25 \text{ m.s}^{-1}$$

٤- احسب قيمة قوة شد الوتر.

$$F_T = \mu v^2$$

$$= 2 \times 10^{-2} \times 625 = 12.5 \text{ N}$$

٥- احسب سعة نقطة من الوتر تبعد 12.5 cm عن النهاية المقيدة إذا

كانت سعة اهتزاز المنبع $Y_{max} = 1 \text{ cm}$

$$Y_{max/n} = 2Y_{max} \left| \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \right|$$

$$= 2 \times 10^{-2} \left| \sin \frac{2\pi}{50} \times 12.5 \right|$$

$$= 2 \times 10^{-2} \left| \sin \frac{\pi}{2} \right| = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$$

٦- حدد أبعاد عقد وبطون الاهتزاز عن النهاية المقيدة.

$$\text{العقد: } x = n \frac{\lambda}{2}; n = 0, 1, 2, \dots$$